

$$G := 6.674 \cdot 10^{-11} \quad M := 1.989 \cdot 10^{30} \quad AE := 149.6 \cdot 10^9$$

```

Res := |
  phi ← 0
  su ← 0
  v ← 5.905 · 104
  x ← 0.307 · AE
  r ← x
  y ← 0
  fs ← 0
  d ← 2
  t ← 60
  while phi < (2 · pi · (d + 0.1))
    dfi ← phi - fs
    f ← pi/2 - phi
    xv ← x
    x ← x - su · cos(f)
    yv ← y
    y ← y + su · sin(f)
    sv ← sqrt(xv2 + yv2)
    s ← sqrt(x2 + y2)
    fs ← fs + | acos(x/s) - acos(xv/sv) |
    a ← M · G / s2
    au ← a · sin(dfi)
    az ← a · cos(dfi)
    su ← v · t
    sz ← 1/2 · az · t2
    rv ← r
    r ← su2 / (2 · sz)
    phi ← phi + su / r
    v ← v + au · t
  break if (phi > (2 · pi · (d - 0.6))) · (r > rv)

```

$$\text{Res} = 3.881 \cdot 10^4$$

Erzeugung einer Planetenumlaufbahn ohne Berücksichtigung a) der Kreisbewegung und b) des Drehimpulses.

Dies nur mithilfe der Ermittlung des Radius der Kurve, die aus einer schräg angreifenden Beschleunigung  $a$  resultiert, wie es in der Regel der Fall ist.

Der Ausdruck für diesen Kurvenradius ergibt sich als Mittelwert zwischen zwei geometrischen Ansätzen:

$$\text{a) } r^2 = (r + sz)^2 - su^2 \quad r = \frac{1}{2} \cdot \frac{(su^2 - sz^2)}{sz}$$

$$\text{b) } r = \frac{s}{2 \cdot \sin(\alpha)} \quad s = \sqrt{su^2 + sz^2} \quad \alpha = \text{asin}\left(\frac{sz}{s}\right)$$

$$r = \frac{s}{2 \cdot \sin\left(\text{asin}\left(\frac{sz}{s}\right)\right)} \quad r = \frac{s}{2 \cdot \frac{sz}{s}} \quad r = \frac{1}{2} \cdot \frac{s^2}{sz}$$

$$r = \frac{1}{2} \cdot \frac{su^2 + sz^2}{sz}$$

a) und b) unterscheiden sich durch + bzw. -  $sz^2$ . Der zahlenmäßige Versuch zeigt, das genau dieser Term das Ergebnis für  $r$  verfälscht und das Weglassen zum richtigen Ergebnis für den Kurvenradius c) führt:

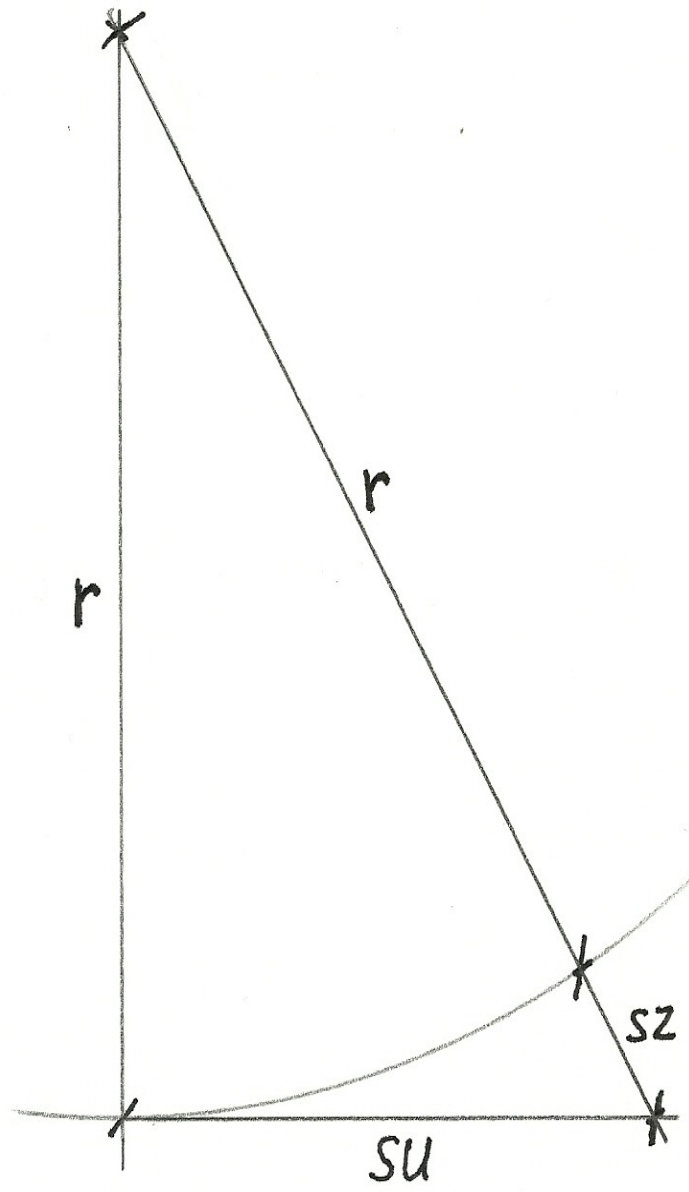
$$r = \frac{1}{2} \cdot \frac{su^2}{sz} \quad \text{wobei}$$

$$su = v \cdot t + \frac{1}{2} \cdot au \cdot t^2 \quad sz = \frac{1}{2} \cdot az \cdot t^2$$

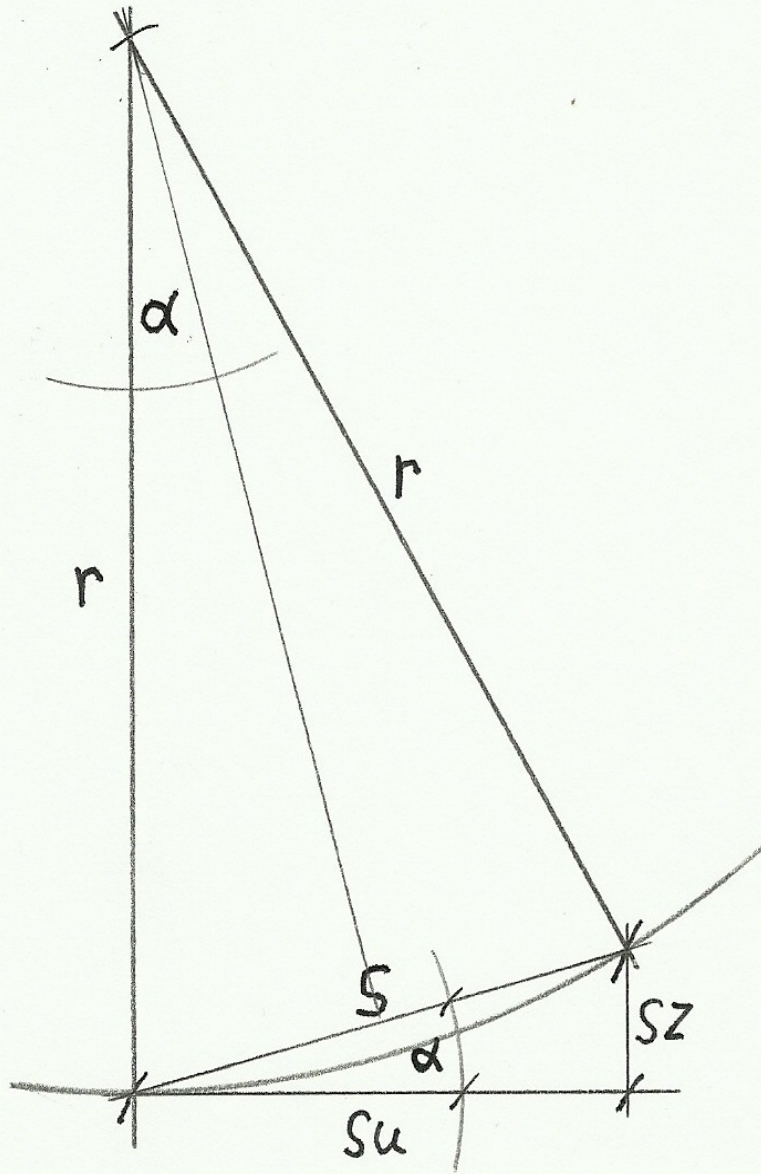
$au$  ist der Anteil der schräg angreifenden Beschleunigung  $a$ , der in Bewegungsrichtung wirkt.

$az$  ist der Anteil der schräg angreifenden Beschleunigung  $a$ , der quer zur Bewegungsrichtung liegt.

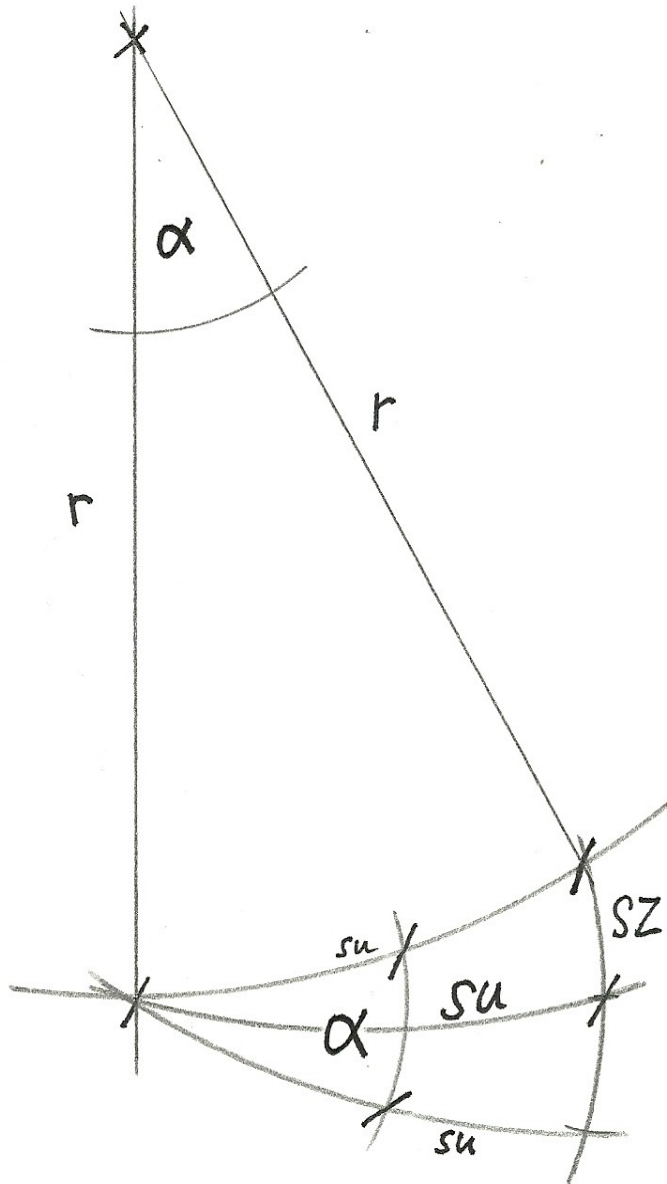
a)



b)



c)



$$\frac{su}{r} = \alpha = 2 \frac{SZ}{su}$$

$$r = \frac{su^2}{2 \cdot SZ}$$